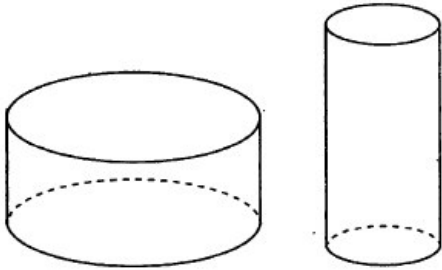


## Стереометрия

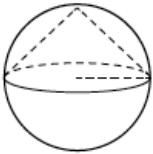
Ответами к заданиям являются слово, словосочетание, число или последовательность слов, чисел. Запишите ответ без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

- 1 Дано два цилиндра. Объем первого цилиндра равен 72. У второго цилиндра высота в два раза больше, а радиус основания в три раза меньше, чем у первого. Найдите объем второго цилиндра.



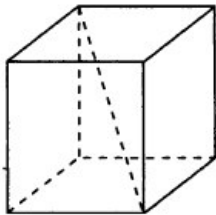
1

- 2 Конус вписан в шар. Радиус основания конуса равен радиусу шара. Объем конуса равен 47. Найдите объем шара.



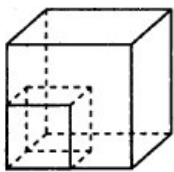
2

- 3 Объем куба равен  $3\sqrt{3} / 8$ . Найдите его диагональ.



3

- 4 Если каждое ребро куба увеличить на 4, то площадь его поверхности увеличится на 264. Найдите ребро исходного куба.

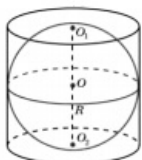


4

- 5 В четырехугольной пирамиде  $SABCD$  с вершиной  $S$  основанием является ромб, сторона которого равна 20 см, а диагональ — 32 см. Найдите объем пирамиды (в  $\text{см}^3$ ), если ее высота равна 13 см.

5

- 6 Цилиндр описан около шара. Найдите объем шара, если известно, что объем цилиндра равен 60.



6

- 7 В правильной треугольной пирамиде высота равна 1 см. Найдите апофему пирамиды (в см), если радиус окружности, вписанной в основание, равен  $2\sqrt{2}$ .

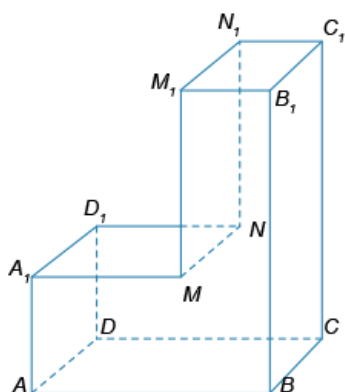
7

- 8 В шар вписан конус, радиус основания которого в 2 раза меньше радиуса шара. Найдите площадь поверхности шара (в  $\text{см}^2$ ), если длина окружности в основании конуса равна  $6\sqrt{\pi}$  см.

8

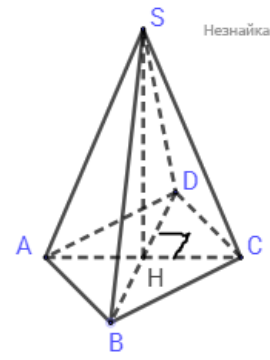
- 9 Найдите площадь поверхности фигуры, изображённой на рисунке, если  $CC_1 = 10$ ,  $AB = 8$  см,  $AA_1 = 4$  см,  $A_1M = 5$  см,  $BC = 3$  см. Ответ дайте в квадратных сантиметрах.

9



- 10 В правильной четырехугольной пирамиде  $S ABCD$  отмечена точка  $M$  — середина ребра  $SB$ . Найдите расстояние между точками  $M$  и  $D$  (в см), если сторона основания равна  $\sqrt{\frac{2}{3}}$  см, и угол между прямой  $SB$  и плоскостью  $ABC$  равен  $60^\circ$ .

10

1	<p>16</p> <input type="text"/>
2	<p>188</p> $V_{\text{конуса}} = \frac{1}{3} \cdot R \cdot \pi R^2$ $\pi R^3 = 141$ $V_{\text{шара}} = \frac{4}{3} \pi R^3 = \frac{4}{3} \cdot 141 = 188$
3	<p>1,5</p> <p>Сторона куба равна <math>\sqrt[3]{\frac{3\sqrt{3}}{8}} = \frac{\sqrt{3}}{2}</math></p> <p>Диагональ: <math>\sqrt{\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2} = \frac{3}{2} = 1,5</math></p>
4	3,5
5	<p>1664</p>  <p>По условию <math>AB=20\text{см}</math>, <math>AC=32\text{см}</math>. Диагонали ромба взаимно перпендикулярны и делятся пополам в точке пересечения <math>AH=AC/2=32/2=16</math> и <math>DB=2HB</math>. Тогда по теореме Пифагора находим <math>HB</math> в треугольнике <math>AHB</math>: <math>HB=\sqrt{(AB^2-AH^2)}=\sqrt{(20^2-16^2)}=12</math>. <math>DB=2HB=2\cdot 12=24</math>. Найдем площадь ромба через диагонали:</p> $S = \frac{AC \cdot DB}{2} = \frac{32 \cdot 24}{2} = 384$ $V = \frac{1}{3} \cdot S \cdot h = \frac{1}{3} \cdot 384 \cdot 13 = 1664$
6	<p>40</p> <p>Если цилиндр описан около шара, то радиус шара равен радиусу основания цилиндра, а его высота равна двум радиусам шара.</p> $V = \pi \cdot R_{\text{осн}}^2 \cdot H$ - объем цилиндра $60 = \pi \cdot R_{\text{шара}}^2 \cdot 2R_{\text{шара}}$ $R_{\text{шара}}^3 = \frac{30}{\pi}$ $V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot R_{\text{шара}}^3$ - объем шара $V = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot \frac{30}{\pi} = 40$

7	3 $\sqrt{8+1} = 3$ - длина апофемы
8	144 $l = 2\pi r = 6\sqrt{\pi}$ $r = \frac{6\sqrt{\pi}}{2\pi} = \frac{3}{\sqrt{\pi}}$ $R = \frac{6}{\sqrt{\pi}}$ $S = 4\pi R^2 = 4\pi \times \frac{36}{\pi} = 144$
9	208 $S = BC \cdot CC_1 + B_1C_1 \cdot (AB - A_1M) + MN \cdot (CC_1 - AA_1) + MN \cdot A_1M + AA_1 \cdot AD + AB \cdot BC + (AB \cdot CC_1 - A_1M \cdot (CC_1 - AA_1)) \cdot 2 = 3 \cdot 10 + 3 \cdot 3 + 6 \cdot 3 + 5 \cdot 3 + 4 \cdot 3 + 8 \cdot 3 + (10 \cdot 8 - 5 \cdot 6) \cdot 2 = 208$
10	1 Угол между прямой SB и плоскостью ABC равен углу между SB и BD. $BD = AB \cdot \sqrt{2} = 2/\sqrt{3}$ Если угол между прямой SB и плоскостью ABC равен $60^\circ$ , то треугольник SBD равносторонний, значит $BD = SB = 2/\sqrt{3}$ $MB = SB/2 = 1/\sqrt{3}$ По теореме косинуса находим MD $MD = \sqrt{(MB^2 + BD^2 - 2 \cdot MB \cdot BD \cdot \cos SBD)} =$ $= \sqrt{((1/\sqrt{3})^2 + (2/\sqrt{3})^2 - 2 \cdot (1/\sqrt{3}) \cdot (2/\sqrt{3}) \cdot \cos 60^\circ)} = 1$

Обо всех неточностях пишите на почту (с указанием темы и формулировки задания):  
gregory@neznaika.pro

Источник: <http://neznaika.pro/test/math/p/141>